

ANALISIS MULTIREOLUSI WAVELET DENGAN TRANSFORMASI WAVELET DISKRIT BERBASIS GUI R (STUDI KASUS: INFLASI DI INDONESIA PADA PERIODE OKTOBER 2007-MEI 2018)

Sania Anisa Farah¹, Suparti², Dwi Ispriyanti³

^{1,2,3} Departemen Statistika, Fakultas Sains dan Matematika, Universitas Diponegoro
e-mail : suparti702@gmail.com

ABSTRACT

Lately, the wavelet applications are widely used in statistics, one of them is discrete wavelet transform (DWT) which is a non-parametric method for signal analysis, data compression, and time series analysis. As technology becomes more advanced, a software is necessary to support the statistical analysis by such method, one of them being the open source based R. It is often used in statistical computing with command line interface (CLI) which requires the R user to remember the names of syntaxes and functions. It becomes less effective when there are many related statistical analysis involved, so graphical user interface (GUI) is needed to access all of them easily. The testing of multiresolution analysis by DWT for Haar, Daubelets, and Coiflets filters with levels 1-6 had been performed by using the inflation data in Indonesia during October 2007-May 2018 taken from Bank Indonesia website. The result shows that the sixth level of DWT gives the best estimation for each filters, and Daubelets 20 is the best filter for overall estimation with MSE, MAPE, and MASE values are 0.05755, 3.40678, and 0.35343 respectively. The packages for GUI construction in R are wavelets and shiny. Based on its usage, the GUI is capable of processing the chosen analysis and showing the valid output.

Keywords: Discrete Wavelet Transform (DWT), The Pyramid Algorithm, Multiresolution Analysis (MRA), R, Graphical User Interface (GUI)

1. PENDAHULUAN

Inflasi merupakan suatu proses meningkatnya harga-harga secara umum dan terus menerus. Tingkat kenaikannya dapat diukur dengan berbagai indikator, beberapa di antaranya adalah Indeks Harga Konsumen (IHK), Indeks Harga Perdagangan Besar (IHPB), Indeks Harga Produsen (IHP), Deflator Produk Domestik Bruto (PDB), dan Indeks Harga Aset. Indikator-indikator ini berubah dari waktu ke waktu sehingga data inflasi termasuk dalam data runtun waktu. Ada banyak metode untuk menganalisis data seperti ini, salah satunya adalah transformasi wavelet.

Wavelet diperkenalkan sejak tahun 1980-an hingga awal tahun 1990-an yang awalnya wavelet populer sebagai literatur untuk analisis gelombang. Seiring berkembangnya ilmu pengetahuan, wavelet berkembang di berbagai cabang ilmu statistika seperti analisis ketahanan hidup (analisis survival), analisis runtun waktu, analisis regresi, dan stabilisasi variansi (Nason, 2008). Transformasi wavelet yang dapat digunakan terbagi menjadi dua, yaitu transformasi wavelet kontinu (*Continuous Wavelet Transform / CWT*) dan transformasi wavelet diskrit (*Discrete Wavelet Transform / DWT*). Transformasi wavelet diskrit digunakan dalam kasus ini karena dapat memetakan data dari domain data asli ke domain wavelet. Selain itu, penggunaan DWT dapat disandingkan dengan analisis multiresolusi wavelet (*Multiresolution Analysis / MRA*) untuk mengetahui kemulusan estimasi data.

Seiring perkembangan teknologi, tentunya diperlukan alat yang menunjang kebutuhan analisis statistika yaitu menggunakan *software* yang sudah banyak dibuat untuk keperluan tersebut, salah satunya adalah R yang berbasis *open source*. Ada dua bentuk umum antarmuka pengguna dalam komputasi statistika pada R yaitu *Command Line Interface* (CLI) dan *Graphical User Interface* (GUI). CLI biasanya terdiri dari sebuah konsol tekstual dimana pengguna mengetikkan serangkaian perintah dalam bentuk teks, sedangkan GUI merupakan suatu media virtual dimana pengguna menggunakan ikon dan gambar pada

layar untuk memasukkan perintah yang diinginkan. Antarmuka ini berdasarkan pada paradigma WIMP (*window, icon, menu, dan pointer*) (Penners, 2005).

Penggunaan R untuk metode wavelet khususnya untuk analisis multiresolusi wavelet masih menggunakan CLI dalam R *console*. Artinya pengguna R harus mengingat nama fungsi dan sintaks yang diperlukan. Hal ini dirasa kurang efektif jika dalam penggunaannya terdapat banyak analisis statistika sehingga GUI diperlukan untuk memudahkan pengguna dalam mengakses semua analisis yang akan digunakan. Berdasarkan hal tersebut, penulis akan membuat antarmuka berupa GUI bagi pengguna R dalam keperluan analisis multiresolusi wavelet dengan DWT dengan studi kasus inflasi di Indonesia periode Oktober 2007-Mei 2018.

2. TINJAUAN PUSTAKA

2.1. Inflasi

Secara sederhana inflasi diartikan sebagai meningkatnya harga-harga secara umum dan terus menerus. Kenaikan harga dari satu atau dua barang saja tidak dapat disebut inflasi kecuali bila kenaikan itu meluas (atau mengakibatkan kenaikan harga) pada barang lainnya. Beberapa indikator inflasi yang digunakan adalah Indeks Harga Konsumen (IHK), Indeks Harga Perdagangan Besar (IHPB), Indeks Harga Produsen (IHP), Deflator PDB, dan Indeks Harga Aset.

2.2. Fungsi Wavelet

Fungsi wavelet adalah suatu fungsi matematika yang mempunyai sifat-sifat tertentu di antaranya beresilasi di sekitar nol (seperti fungsi sinus dan cosinus) dan terlokalisasi dalam domain waktu artinya pada saat nilai domain relatif besar, fungsi wavelet berharga nol (Percival dan Walden, 2000). Fungsi wavelet dibedakan atas dua jenis, yaitu wavelet ayah (ϕ) dan wavelet ibu (ψ) yang mempunyai sifat:

$$\int_{-\infty}^{\infty} \phi(x) dx = 1 \text{ dan } \int_{-\infty}^{\infty} \psi(x) dx = 0$$

Dengan dilatasi diadik dan translasi integer, wavelet ayah dan wavelet ibu melahirkan keluarga wavelet yaitu:

$$\phi_{j,k}(x) = 2^{j/2} \phi(2^j x - k) \text{ dan } \psi_{j,k}(x) = 2^{j/2} \psi(2^j x - k)$$

Indeks dilatasi j akan berpengaruh terhadap perubahan *support* dan daerah hasil (*range*) secara berkebalikan, artinya jika *support* menyempit maka *range* akan melebar. Indeks translasi k berpengaruh terhadap pergeseran posisi wavelet pada sumbu datar tanpa mengubah lebar *support*. *Support* suatu fungsi adalah *closure* dari himpunan titik-titik domain yang memberikan nilai fungsi tidak sama dengan nol (Simatupang dkk., 2014).

Definisi 1

Didefinisikan $f \in L^2[a, b]$ dengan $L^2[a, b] = \{f: \int_a^b f(x)^2 dx < \infty\}$. Dua fungsi $f_1, f_2 \in L^2[a, b]$ dikatakan ortogonal jika $\langle f_1, f_2 \rangle = 0$ dengan hasil kali dalam $\langle f_1, f_2 \rangle = \int_a^b f_1(x) f_2(x) dx$ (Ogden, 1997).

Definisi 2

Sebuah barisan fungsi $\{f_j\}$ dikatakan ortonormal jika $\langle f_i, f_j \rangle$ merupakan pasangan ortogonal untuk setiap $i \neq j$ dan $\|f_j\| = 1$ untuk semua j dengan $\|f_j\| = \sqrt{\langle f_j, f_j \rangle} = \sqrt{\int_a^b f_j^2(x) dx}$ (Ogden, 1997).

Berikut adalah beberapa jenis wavelet ortogonal yang telah dikenal.

Tabel 1. Beberapa Jenis Wavelet yang Telah Dikenal

Tipe	Nama Wavelet
Haar	"haar"
Daublets	"d4" "d6" "d8" "d10" "d12" "d14" "d16" "d18" "d20"
Symmlets	"s4" "s6" "s8" "s10" "s12" "s14" "s16" "s18" "s20"
Coiflets	"c6" "c12" "c24" "c30"

Huruf pertama dari wavelet mengindikasikan nama, yaitu d untuk daublet, s untuk symmlet, dan c untuk coiflet. Nomor dari wavelet mengindikasikan panjang *support* (*width*) dan kehalusan (*smoothness*). Wavelet dengan nomor besar seperti d20 atau c30 relatif lebar dan halus, sedangkan wavelet dengan nomor kecil seperti d4 atau c6 kurang halus dan lebih sempit.

Dengan mengambil J cukup besar, representasi fungsi dalam wavelet dapat didekati dengan

$$f^J(x) = \sum_{k \in Z} c_{j_0,k} \phi_{j_0,k}(x) + \sum_{j=j_0}^{J-1} \sum_{k \in Z} d_{j,k} \psi_{j,k}(x)$$

dimana $c_{j_0,k} = \langle f, \phi_{j_0,k} \rangle$ dan $d_{j,k} = \langle f, \psi_{j,k} \rangle$.

2.3. Analisis Multiresolusi (*Multiresolution Analysis / MRA*)

Didefinisikan sebuah ruang fungsi $V_j, j \in Z$ yakni $V_j = \{f \in L^2(R) : f \text{ adalah fungsi konstan sepotong-sepotong pada } [k2^{-j}, (k+1)2^{-j}], k \in Z\}$.

Analisis multiresolusi $L^2(R)$ adalah ruang bagian tertutup $\{V_j, j \in Z\}$ yang memenuhi

1. $\dots \subset V_{-2} \subset V_{-1} \subset V_0 \subset V_1 \subset V_2 \subset \dots$
2. $\bigcap_{j \in Z} V_j = \{0\}, \bigcup_{j \in Z} V_j = L^2(R)$
3. $f \in V_j \Leftrightarrow f(2 \cdot) \in V_{j+1}$
4. $f \in V_0 \Rightarrow f(\cdot - k) \in V_0, \forall k \in Z$
5. Terdapat sebuah fungsi $\phi \in V_0$ sehingga $\{\phi_{0,k} = \phi(\cdot - k), k \in Z\}$ membentuk basis ortonormal untuk V_0 dimana untuk semua $j, k \in Z, \phi_{j,k}(x) = 2^{j/2} \phi(2^j x - k)$.

2.4. Transformasi Wavelet Diskrit (*Discrete Wavelet Transform / DWT*)

Data dinyatakan dengan $n = 2^J$ dan didekomposisikan ke dalam koefisien wavelet (W) dan koefisien skala (V). Pada koefisien DWT di level pertama berukuran $\frac{n}{2} \times 1$, untuk level kedua ukurannya $\frac{n}{4} \times 1$, sampai di level terakhir diperoleh W_{j_0} dan V_{j_0} didapatkan koefisien DWT dengan ukuran $\frac{n}{2^{j-1}} \times 1$ sehingga ketika dijumlahkan dari level pertama diperoleh matriks dengan ukuran $n \times 1$ sebagaimana ukuran data asli.

DWT dari sebuah deret waktu \mathbf{X} , dengan panjang n , adalah sebuah transformasi linear, dengan pembentukan \mathbf{W} dari koefisien DWT per-level, dari perkalian matriks filter atas \mathbf{X} adalah sebagai berikut:

$$\mathcal{W}_J \mathbf{X} = \begin{bmatrix} \mathcal{H}_1 \\ \mathcal{H}_2 \\ \vdots \\ \mathcal{H}_J \\ \mathcal{G}_J \end{bmatrix} \mathbf{X} = \begin{bmatrix} \mathbf{W}_1 \\ \mathbf{W}_2 \\ \vdots \\ \mathbf{W}_J \\ \mathbf{V}_J \end{bmatrix} = \mathbf{W}$$

\mathcal{H}_j adalah matriks berukuran $\frac{n}{2^j} \times n$, dan \mathcal{G}_j adalah matriks berukuran $1 \times n$. \mathbf{W}_j adalah vektor kolom dengan panjang $\frac{n}{2^j}$ dan \mathbf{V}_J adalah elemen terakhir dari \mathbf{W} .

2.5. Software R dan RStudio

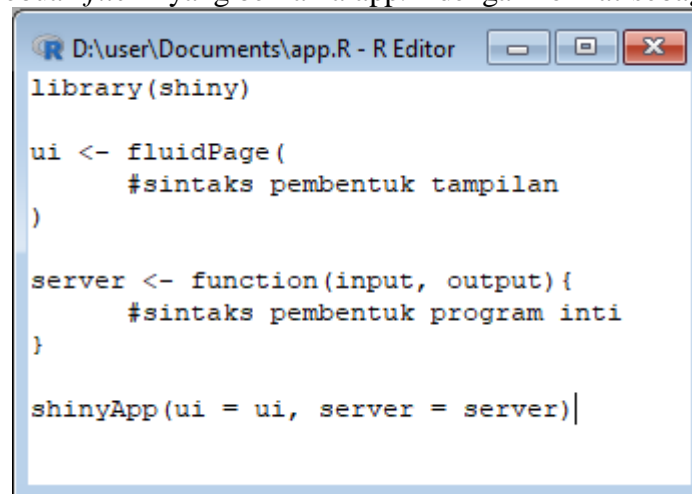
R merupakan salah satu *software* yang digunakan untuk keperluan komputasi statistika yang berbasis *open source*. Salah satu keunggulan dari *software* ini adalah banyaknya pilihan analisis statistika yang tersedia dalam bentuk paket R. Versi awal R dibuat pada tahun 1992 oleh Robert Gentleman dan Ross Ihaka di Universitas Auckland, New Zealand, dan versi R terbaru saat ini adalah R versi 3.4.4 (<http://www.r-project.org/>).

RStudio merupakan salah satu *software* yang dirancang untuk mempermudah penggunaan R yang mempunyai fitur yang tidak ada dalam R, beberapa di antaranya adalah koreksi penulisan sintaks dan fitur bantuan (*help*) yang terintegrasi dalam RStudio. *Software* ini mempunyai dua versi, yaitu RStudio Desktop yang merupakan versi dasar dari RStudio dan RStudio Server yang dapat diakses melalui peramban web yang terhubung dengan suatu jaringan komputer.

2.6. Paket R *shiny*

Paket *shiny* dikembangkan oleh pengembang RStudio untuk membuat aplikasi GUI hanya dengan bermodalkan R. Pengguna dapat mengintegrasikan HTML, CSS, atau JavaScript dalam aplikasi yang dibuat, tetapi ketiganya bukan merupakan prasyarat untuk menggunakan paket ini. Aplikasi yang dibuat dengan paket *shiny* dapat dijalankan pada peramban web baik melalui R itu sendiri maupun melalui *server* RStudio (<https://shiny.rstudio.com/deploy/>).

Pembuatan aplikasi GUI dengan paket *shiny* memerlukan tiga komponen utama, yaitu obyek UI untuk mengatur tampilan aplikasi, fungsi *server* untuk mendefinisikan program inti dari aplikasi tersebut, dan fungsi *shinyApp* untuk menjalankan aplikasi dari komponen *server* dan UI yang sudah didefinisikan sebelumnya. Ketiga komponen tersebut disatukan dalam sebuah *file* R yang bernama *app.R* dengan format sebagai berikut:



```
R D:\user\Documents\app.R - R Editor
library(shiny)

ui <- fluidPage(
  #sintaks pembentuk tampilan
)

server <- function(input, output){
  #sintaks pembentuk program inti
}

shinyApp(ui = ui, server = server)|
```

Gambar 1. Sintaks Dasar dalam Aplikasi *shiny*

2.7. Mean Square Error (MSE)

Mean Square Error (MSE) merupakan salah satu metode untuk mengukur tingkat keakuratan suatu model peramalan. Nilai ini merepresentasikan rata-rata dari kesalahan (*error*) yang dikuadratkan. Secara matematis nilai MSE didefinisikan sebagai

$$MSE = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n e_i^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n (y_i - \hat{y}_i)^2$$

dimana y_i merupakan nilai aktual dan \hat{y}_i merupakan nilai prediksi. Untuk analisis multiresolusi wavelet \hat{y}_i dan e_i adalah komponen proyeksi (S) dan jumlahan dari semua

komponen detail (D) dari MRA secara berurutan. Semakin kecil nilai MSE yang dihasilkan, semakin baik pula model yang digunakan.

2.8. Mean Absolute Percentage Error (MAPE)

Mean Absolute Percentage Error (MAPE) merupakan suatu metode untuk mengukur akurasi dari suatu peramalan dengan menghitung rata-rata dari keseluruhan persentase kesalahan (selisih) antara data aktual dengan data hasil peramalan. Ukuran akurasi dicocokkan dengan data *time series*, dan ditunjukkan dalam persentase. Secara matematis nilai MAPE didefinisikan sebagai

$$\text{MAPE} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left| \frac{y_i - \hat{y}_i}{y_i} \right| 100\%$$

Metode ini mempunyai beberapa kelemahan (Tofallis, 2015), di antaranya:

- Tidak dapat digunakan jika ada data dengan nilai nol karena hasilnya akan dibagi dengan nol.
- Tidak ada batas atas persentase *error* untuk hasil peramalan yang terlalu tinggi.

2.9. Mean Absolute Scaled Error (MASE)

Mean Absolute Scaled Error (MASE) merupakan suatu metode untuk mengukur akurasi dari suatu peramalan yang dikembangkan oleh Hyndman dan Koehler (2006). Metode ini dapat menjadi salah satu alternatif dari MAPE untuk mengatasi masalah yang ditimbulkannya. Secara matematis nilai MASE didefinisikan sebagai

$$\text{MASE} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n \left(\frac{|e_i|}{q} \right) = \frac{1}{nq} \sum_{i=1}^n |y_i - \hat{y}_i|$$

dengan

$$q = \frac{1}{n-1} \sum_{i=2}^n |y_i - y_{i-1}|$$

Seperti halnya MSE dan MAPE, semakin kecil nilai MASE yang dihasilkan, semakin baik pula model yang digunakan.

3. METODE PENELITIAN

3.1. Jenis dan Sumber Data

Data yang digunakan adalah data sekunder yang diperoleh dari situs Bank Indonesia (<https://www.bi.go.id/id/moneter/inflasi/data>). Data tersebut merupakan data runtun waktu dari inflasi di Indonesia berdasarkan perhitungan inflasi tahunan periode Oktober 2007-Mei 2018 dengan jumlah data sebanyak 128.

3.2. Metode Analisis

Adapun langkah-langkah dalam pelaksanaan penelitian dan analisis data yaitu diawali dengan menentukan data yang akan digunakan, dilanjutkan dengan mengidentifikasi analisis multiresolusi wavelet yang sesuai dengan kriteria data. Langkah selanjutnya yaitu mengidentifikasi hal-hal yang dibutuhkan dalam pembuatan GUI termasuk di dalamnya proses kerja GUI saat dijalankan, yaitu *input*, proses, dan *output*. Kemudian membuat GUI dengan menggunakan *software* R dan melakukan analisis multiresolusi wavelet menggunakan GUI yang telah dibuat sehingga *output* dari analisis dapat ditampilkan.

4. HASIL DAN PEMBAHASAN

4.1. Pendekatan MRA pada DWT

Analisis DWT didukung dengan MRA untuk kasus inflasi di Indonesia periode Oktober 2007-Mei 2018 dilakukan untuk mendapatkan pendekatan estimasi model asli yang

optimal dalam level resolusi 1-6. Pendekatan MRA dilakukan dengan beberapa filter wavelet yaitu filter Haar, Daubelets 4, 6, 8, 10, 12, 14, 16, 18 dan 20 serta Coiflets 6, 12, 18, 24 dan 30. Semua filter tersebut memberikan estimasi terbaik pada level resolusi keenam ($j = 6$) dengan nilai MSE, MAPE dan MASE sebagai berikut:

Tabel 2. Nilai MSE, MAPE dan MASE pada Level $j = 6$ dari Semua Filter

Filter	MSE	MAPE	MASE
Haar	0,14162	4,81468	0,56156
Daubelets 4	0,07039	3,70466	0,40121
Daubelets 6	0,06283	3,53523	0,36332
Daubelets 8	0,06891	3,57748	0,36650
Daubelets 10	0,07397	3,59037	0,38151
Daubelets 12	0,07350	3,67287	0,40629
Daubelets 14	0,06812	3,63673	0,40409
Daubelets 16	0,06131	3,55948	0,39127
Daubelets 18	0,05708	3,44661	0,36972
Daubelets 20	0,05755	3,40678	0,35343
Coiflets 6	0,06775	3,59606	0,38298
Coiflets 12	0,05930	3,45842	0,36437
Coiflets 18	0,05812	3,46075	0,36536
Coiflets 24	0,05769	3,45810	0,36627
Coiflets 30	0,05744	3,44913	0,36617

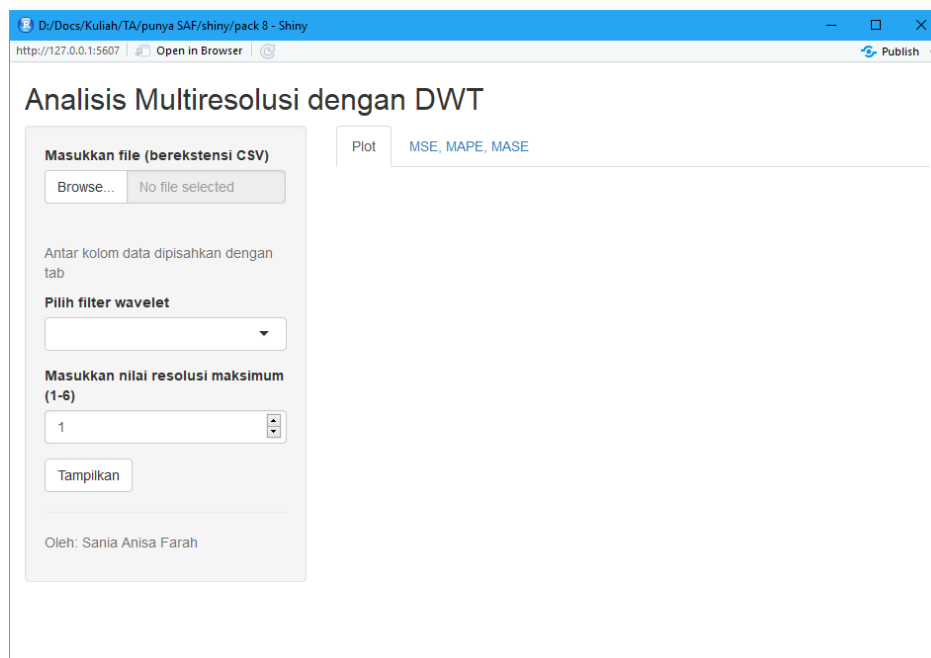
Dari tabel 2 terlihat bahwa filter Daubelets 18 memiliki nilai MSE terkecil, sedangkan filter Daubelets 20 memiliki nilai MAPE dan MASE terkecil. Dalam kasus ini metode MASE digunakan sebagai indikator utama untuk mengukur akurasi dari estimasi data karena lebih akurat dari MSE dan dapat mengatasi masalah pada MAPE, sehingga dapat disimpulkan bahwa filter Daubelets 20 memberikan estimasi terbaik untuk data inflasi di Indonesia periode Oktober 2007-Mei 2018.

4.2. Persiapan dan Kebutuhan dalam Pembuatan GUI

Sebelum membuat GUI, diperlukan proses identifikasi mengenai hal-hal apa saja yang diperlukan dalam GUI tersebut. Proses ini bertujuan untuk memahami hal-hal yang menjadi bagian dari antarmuka itu sendiri, antara lain *input*, proses dan *output*. Yang menjadi *input* untuk GUI yaitu *file* data yang disimpan dalam bentuk ekstensi *csv* menggunakan *software* R dan Notepad. Sedangkan bagian proses dan *output* sepenuhnya menggunakan *software* R versi 3.4.3 (<https://cran.r-project.org/>) dan RStudio versi 1.1.456 (<https://www.rstudio.com/>). Adapun paket R yang diperlukan dalam pembuatan GUI ini yaitu *shiny* dan *wavelets*.

4.3. Mendesain Tampilan Antarmuka GUI

Setelah semua kebutuhan yang akan digunakan dalam membuat GUI tersedia, tahap selanjutnya adalah mendesain tampilan antarmuka dari GUI. Tampilan ini diatur dalam suatu obyek UI pada *file* app.R yang memuat penempatan *widget*, baik untuk memasukkan *input* maupun menampilkan *output*. Jika dijalankan bersama fungsi *server* dengan perintah `shinyApp(ui = ui, server = server)`, obyek UI akan memberikan tampilan seperti gambar 2.



Gambar 2. Jendela Utama GUI

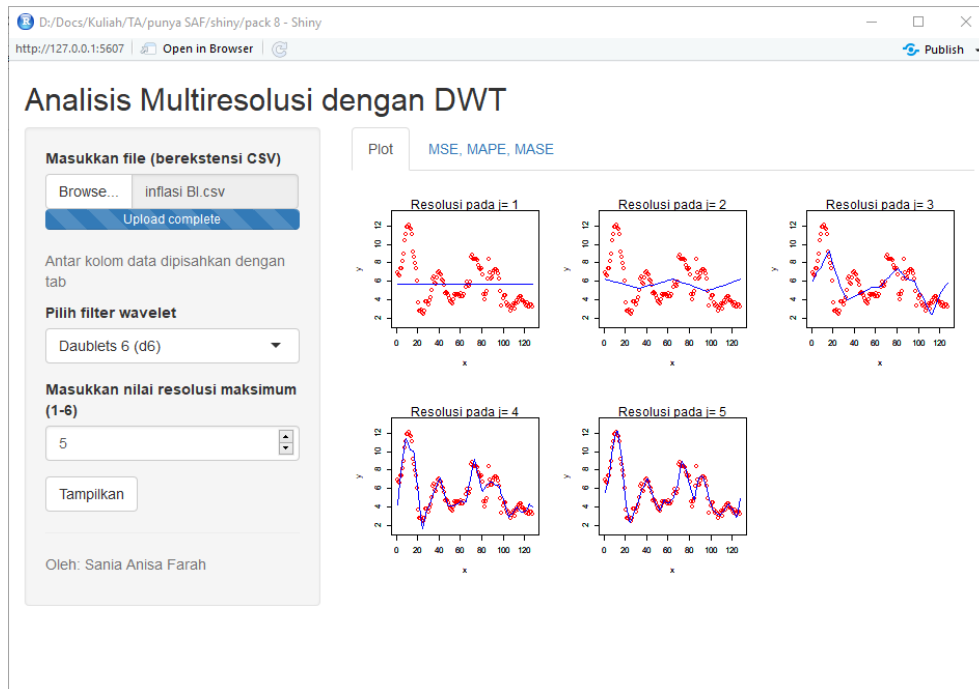
4.4. Menyusun dan Menghubungkan Perintah dalam GUI

Dalam pembuatan GUI ini, semua paket yang dibutuhkan terinstal secara *online* saat *software* RStudio dijalankan sehingga paket yang memiliki ketergantungan terhadap paket lainnya akan terunduh secara otomatis. Semua sintaks yang ada di GUI ini dibagi menjadi 5 *file* R dalam satu *folder* yang sama untuk memudahkan pengelompokan masing-masing sintaks.

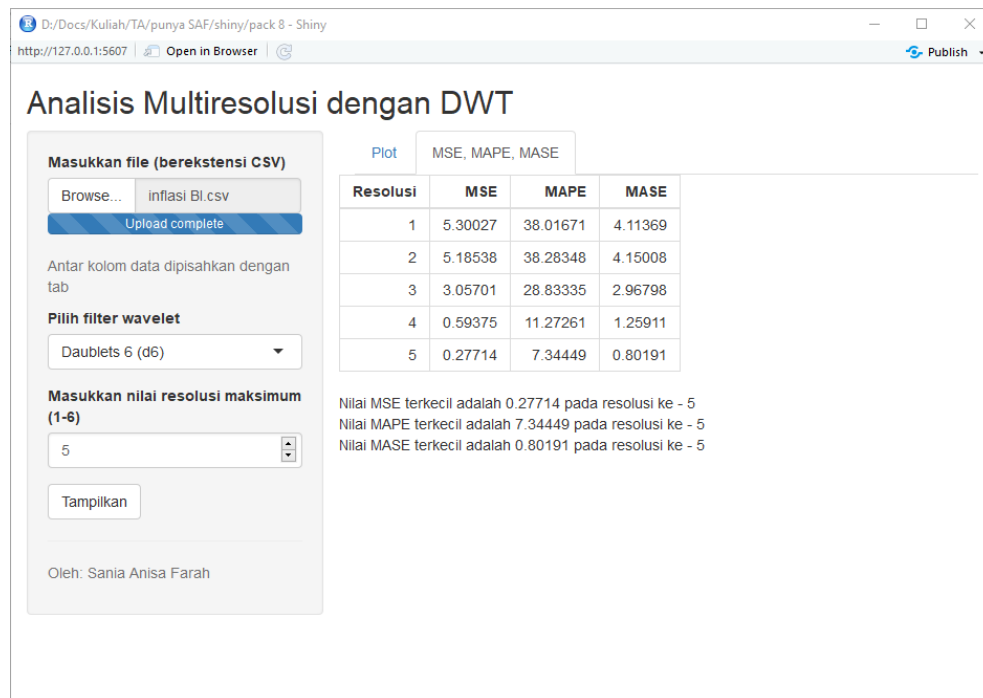
Adapun semua proses dalam GUI, mulai dari impor data sampai menampilkan *output*, diatur dalam fungsi *server* pada *file* app.R. Jika tidak terdapat *error* pada salah satu *file* R yang digunakan, maka jendela utama GUI akan muncul seperti yang ditunjukkan pada gambar 2 saat fungsi *server* dijalankan bersama dengan obyek UI dengan perintah `shinyApp(ui = ui, server = server)`.

4.5. Penggunaan dan Hasil dari GUI

Ketika GUI siap untuk digunakan, selanjutnya mengimpor *file* data dengan ekstensi *csv* dan memilih filter dari pilihan filter yang tersedia. Impor *file* data dilakukan dengan mengklik tombol “Browse” dan mencari *file* data yang dimaksud, sedangkan pemilihan filter dilakukan dengan memilih salah satu dari semua pilihan filter dalam *select box* pada panel samping. Sebagai contoh, akan dilakukan pendekatan MRA dari data inflasi di Indonesia periode Oktober 2007-Mei 2018 dengan filter Daubelets 6 dan resolusi maksimum yang ditampilkan adalah 5. *Output* yang dihasilkan akan muncul dalam tab “Plot” dan “MSE, MAPE, MASE” sebagaimana ditunjukkan dalam gambar 3 dan 4.



Gambar 3. Output pada Tab “Plot”



Gambar 4. Output pada Tab “MSE, MAPE, MASE”

5. KESIMPULAN

Dari hasil analisis dan pembahasan yang telah dilakukan, dapat diperoleh beberapa kesimpulan, yaitu:

1. Dari analisis data dengan pendekatan MRA pada DWT diperoleh estimasi terbaik pada level resolusi $j = 6$ untuk masing-masing filter. Hal ini terlihat dari nilai-nilai

MSE, MAPE dan MASE yang dihasilkan dengan melihat nilai-nilai terkecil dari masing-masing indikator pada masing-masing level resolusi. Sedangkan secara keseluruhan diperoleh estimasi terbaik pada filter Daubelets 20 dengan level resolusi $j = 6$.

2. Hasil pengujian data dengan pendekatan MRA pada DWT juga ditunjukkan dalam GUI yang telah dibuat dengan menampilkan *output* yang valid dari hasil penggunaannya. GUI ini memudahkan pengguna untuk melakukan analisis multiresolusi wavelet dengan DWT walaupun analisis yang tersedia dalam GUI masih terbatas.

DAFTAR PUSTAKA

- Bank Indonesia. *LAPORAN INFLASI (Indeks Harga Konsumen)*. <https://www.bi.go.id/id/moneter/inflasi/data> (diunduh 8 Juni 2018).
- Hyndman, R. J. & Koehler, A. B. 2006. *Another Look at Measures of Forecast Accuracy*. International Journal of Forecasting, Volume 22, Nomor 4, 679-688.
- Nason, G.P. 2008. *Wavelet Methods in Statistics with R*. Springer. Bristol: University Walk.
- Ogden, R.T. 1997. *Essential Wavelet for Statistical Application and Data Analysis*. Boston: Birkhauser.
- Penners, R. *GTK-WIMP (Windows Impersonator)*. <http://gtk-wimp.sourceforge.net/> (diunduh 25 Februari 2018).
- Percival, D.B. & Walden, A.T. 2000. *Wavelet Methods for Time Series Analysis*. 1st Published. New York: Cambridge University Press.
- R. *The R Project for Statistical Computing*. <http://www.r-project.org/> (diunduh 26 Februari 2018).
- RStudio. *Hosting and Deployment*. <https://shiny.rstudio.com/deploy/> (diunduh 8 Maret 2018).
- Simatupang, E. D., Suparti, & Rahmawati, R. 2014. *Kajian Model Inflasi Tahunan Kota Sibolga dengan ARIMA dan Pendekatan Regresi Polinomial pada Analisis Multiresolusi Wavelet*. Jurnal Gaussian, Volume 3, Nomor 2, 213-222.
- Tofallis, C. 2015. *A Better Measure of Relative Prediction Accuracy for Model Selection and Model Estimation*. Journal of the Operational Research Society, Volume 66, Nomor 8, 1352-1362